

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Ганеев Вилер Валиахметович
Должность: Директор
Дата подписания: 31.10.2023 10:52:38
Уникальный программный ключ:
fceb25d7092f3bff743e8ad3f8d57fddc1f5e66

**ФГБОУ ВО «УФИМСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ НАУКИ И ТЕХНОЛОГИЙ»
БИРСКИЙ ФИЛИАЛ УУНиТ
ФАКУЛЬТЕТ ФИЗИКИ И МАТЕМАТИКИ**

Утверждено:

на заседании кафедры высшей математики и
физики
протокол № 4 от 23.11.2022 г.
Зав. кафедрой подписано ЭЦП/Чудинов В.В.

Согласовано:

Председатель УМК
факультета физики и математики
подписано ЭЦП/Бигаева Л.А.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)
для очной формы обучения**

Численные методы

Часть, формируемая участниками образовательных отношений

программа бакалавриата

Направление подготовки (специальность)

44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)

Направленность (профиль) подготовки

Математика, Информатика

Квалификация

Бакалавр

Разработчик (составитель) <u>Доцент, к. ф.-м.н., доцент</u> (должность, ученая степень, ученое звание)	<u>подписано ЭЦП/Бигаева Л.А.</u> (подпись, Фамилия И.О.)
--	--

Для приема: 2023 г.

Бирск 2022 г.

Составитель / составители: Бигаева Л.А.

Рабочая программа дисциплины утверждена на заседании кафедры высшей математики и физики
протокол № ____ от « ____ » _____ 20__ г.

Дополнения и изменения, внесенные в рабочую программу дисциплины, утверждены на заседании
кафедры _____,
протокол № ____ от « ____ » _____ 20 _ г.

Заведующий кафедрой _____ / _____ Ф.И.О/

Дополнения и изменения, внесенные в рабочую программу дисциплины, утверждены на заседании
кафедры _____,
протокол № ____ от « ____ » _____ 20 _ г.

Заведующий кафедрой _____ / _____ Ф.И.О/

Дополнения и изменения, внесенные в рабочую программу дисциплины, утверждены на заседании
кафедры _____,
протокол № ____ от « ____ » _____ 20 _ г.

Заведующий кафедрой _____ / _____ Ф.И.О/

Дополнения и изменения, внесенные в рабочую программу дисциплины, утверждены на заседании
кафедры _____,
протокол № ____ от « ____ » _____ 20 _ г.

Заведующий кафедрой _____ / _____ Ф.И.О/

Список документов и материалов

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с установленными в образовательной программе индикаторами достижения компетенций.....	4
2. Цель и место дисциплины в структуре образовательной программы.....	6
3. Содержание рабочей программы (объем дисциплины, типы и виды учебных занятий, учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся).....	6
4. Фонд оценочных средств по дисциплине	12
4.1. Перечень компетенций и индикаторов достижения компетенций с указанием соотнесенных с ними запланированных результатов обучения по дисциплине. Описание критериев и шкал оценивания результатов обучения по дисциплине.....	12
4.2. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценивания результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с установленными в образовательной программе индикаторами достижения компетенций. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания результатов обучения по дисциплине.....	14
4.3. Рейтинг-план дисциплины	23
5. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины	23
5.1. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины.....	23
5.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» и программного обеспечения, необходимых для освоения дисциплины.....	24
6. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине.....	24

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с установленными в образовательной программе индикаторами достижения компетенций

По итогам освоения дисциплины обучающийся должен достичь следующих результатов обучения:

Категория (группа) компетенций (при наличии ОПК)	Формируемая компетенция (с указанием кода)	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Результаты обучения по дисциплине
	Способен использовать базовые научно-теоретические знания, практические умения и навыки по предмету для проектирования и реализации образовательного процесса в образовательных организациях общего образования (ПК-1);	ПК-1.1. Знать содержание, закономерности, принципы и особенности изучаемых явлений и процессов, базовые теории в предметной области	Знать основные численные методы алгебры и математического анализа
		ПК-1.2. Уметь анализировать содержание, закономерности, принципы и особенности изучаемых явлений и процессов, базовые теории в предметной области	Уметь применять численные методы для решения поставленных задач, использовать полученные знания для реализации образовательного процесса в образовательных организациях общего образования
		ПК-1.3. Владеть опытом и навыками использования знаний и умений и навыков в предметной области для проектирования и реализации образовательного процесса в образовательных организациях общего образования	Владеть навыками применения численных методов для решения задач, получаемых при математическом описании различных реальных процессов; способностью применить полученные знания для реализации образовательного процесса в образовательных организациях общего образования
	Способен организовывать проектно-исследовательскую	ПК-3.1. Знать основы проектно-исследовательской деятельности	Знать основные положения математического моделирования,

	деятельность обучающихся для достижения результатов обучения (ПК-3);	обучающихся	методы точного и приближенного решения задач, способы оценки погрешностей и анализ результатов численного решения
		ПК-3.2. Уметь планировать, реализовывать, контролировать проектно-исследовательскую деятельность обучающихся	Уметь применять методы точного и приближенного решения задач при организации и планировании проектно-исследовательской деятельности обучающихся
		ПК-3.3. Владеть опытом и навыками организации проектно-исследовательской деятельности обучающихся	Владеть навыками использования методов точного и приближенного решения задач при организации и планировании проектно-исследовательской деятельности обучающихся для достижения результатов обучения

2. Цель и место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина «Численные методы» относится к части, формируемой участниками образовательных отношений.

Дисциплина изучается на 3 курсе в 6 семестре.

Цель изучения дисциплины: формирование знаний, умений и навыков в области численных методов, численного решения модельных задач, получаемых при математическом описании различных реальных процессов, использования полученных знаний, умений и навыков для проектирования и реализации образовательного процесса в образовательных организациях общего образования и для достижения результатов обучения.

3. Содержание рабочей программы (объем дисциплины, типы и виды учебных занятий, учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся)

ФГБОУ ВО «УФИМСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ НАУКИ И ТЕХНОЛОГИЙ»
БИРСКИЙ ФИЛИАЛ УУНиТ
ФАКУЛЬТЕТ ФИЗИКИ И МАТЕМАТИКИ

СОДЕРЖАНИЕ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ

дисциплины «Численные методы» на 6 семестр

очная

форма обучения

Вид работы	Объем дисциплины
Общая трудоемкость дисциплины (ЗЕТ / часов)	4/144
Учебных часов на контактную работу с преподавателем:	65.2
лекций	28
практических/ семинарских	0
лабораторных	36
контроль самостоятельной работы (КСР)	0
других (групповая, индивидуальная консультация и иные виды учебной деятельности, предусматривающие работу обучающихся с преподавателем) ФКР	1.2
Учебных часов на самостоятельную работу обучающихся (СРС)	44
Учебных часов на подготовку к экзамену (Контроль)	34.8

Форма контроля:

Экзамен 6 семестр

№ п/п	Тема и содержание	Форма изучения материалов:				Основная и дополнительная литература, рекомендуемая студентам (номера из списка)	Задания по самостоятельной работе студентов	Форма текущего контроля успеваемости (коллоквиумы, контрольные работы, компьютерные тесты и т.п.)
		Лек	Лаб	Эк	СР С			
3 курс / 6 семестр								
1	Численные методы решения уравнений и систем уравнений.							
1.1	<p>Математические модели. Численные методы.</p> <p>Математические модели и численные методы. Решение задач с использованием ЭВМ. Приближенное решение, устойчивость и корректность. Элементы теории погрешностей. Абсолютная и относительная погрешности. Погрешность суммы, разности, произведения, частного. Определение относительной погрешности степени, корня, погрешности</p>	2			4	Осн. лит-ра №№ 1,3 Доп. лит-ра №№ 1,2	Домашняя контрольная работа, Тестирование	Домашняя контрольная работа

	элементарных функций. Метод границ. Общая формула для погрешностей							
1.2	Численное решение нелинейных уравнений. Постановка задачи решения алгебраических и трансцендентных уравнений. Отделение корней. Метод половинного деления. Метод хорд, метод касательных. Комбинированный метод хорд и касательных. Оценка погрешности решения. Метод итерации. Достаточное условие сходимости.	6	8		6	Осн. лит-ра №№ 1,3 Доп. лит-ра №№ 1,2	Лабораторная работа, Тестирование	Лабораторная работа
1.3	Решение систем линейных уравнений Решение систем линейных уравнений. Точные и приближенные методы решения. Метод простой итерации и Зейделя. Оценка погрешности.	2	4		6	Осн. лит-ра №№ 1,2,3 Доп. лит-ра №№ 1,2	Лабораторная работа, Тестирование	Лабораторная работа
2	Методы приближения функций. Численное дифференцирование и интегрирование							
2.1	Интерполирование функций. Интерполирование функций. Конечные разности. Центральные разности. Интерполяционные формулы Ньютона. Интерполяционная формула Лагранжа. Оценка погрешности интерполяционной формулы. Обратное интерполирование.	4	6		6	Осн. лит-ра №№ 1,2,3 Доп. лит-ра №№ 1,2	Лабораторная работа, Тестирование	Лабораторная работа
2.2	Численное дифференцирование	2	4		6	Осн. лит-ра №№ 1,2 Доп. лит-ра №№ 1,2	Тестирование	Домашняя контрольная работа,

	Постановка задачи приближенного дифференцирования. Численное дифференцирование функций на основе интерполяционной формулы Ньютона. Численное дифференцирование функций на основе интерполяционной формулы Лагранжа							Лабораторная работа
2.3	Численное интегрирование Численное интегрирование. Квадратурные формулы Ньютона-Котеса. Формулы трапеции и Симпсона. Остаточный член. Метод Монте-Карло.	4	6		4	Осн. лит-ра №№ 1,2,3 Доп. лит-ра №№ 1,2	Лабораторная работа, Тестирование	Лабораторная работа
3	Численные методы решения дифференциальных уравнений							
3.1	Метод Пикара. Метод Эйлера Решение обыкновенных дифференциальных уравнений. Постановка задачи. Метод последовательных приближений. Метод Пикара. Оценка погрешности. Метод Эйлера. Оценка погрешности. Модификации метода Эйлера. Метода разложения решения в степенной ряд.	4	4		6	Осн. лит-ра №№ 1,2,3 Доп. лит-ра № 1	Тестирование, Лабораторная работа	Лабораторная работа
3.2	Семейство методов Рунге-Кутта Решение обыкновенных дифференциальных уравнений. Семейство методов Рунге-Кутта. Методы 2-го и 4-го порядков. Оценка погрешности на шаге.	4	4		6	Осн. лит-ра №№ 1,2,3 Доп. лит-ра № 1	Тестирование, Лабораторная работа	Лабораторная работа

4	Экзамен			1	36			
Итого по 3 курсу 6 семестру		28	36	1	80			
Итого по дисциплине		28	36	1	80			

4. Фонд оценочных средств по дисциплине

4.1. Перечень компетенций и индикаторов достижения компетенций с указанием соотнесенных с ними запланированных результатов обучения по дисциплине. Описание критериев и шкал оценивания результатов обучения по дисциплине.

Код и формулировка компетенции: Способен использовать базовые научно-теоретические знания, практические умения и навыки по предмету для проектирования и реализации образовательного процесса в образовательных организациях общего образования (ПК-1);

Код и наименование индикатора достижения компетенции	Результаты обучения по дисциплине	Критерии оценивания результатов обучения (Экзамен)			
		2 (Неудовлетворительно)	3 (Удовлетворительно)	4 (Хорошо)	5 (Отлично)
ПК-1.1. Знать содержание, закономерности, принципы и особенности изучаемых явлений и процессов, базовые теории в предметной области	Знать основные численные методы алгебры и математического анализа	Знания не сформированы	Знания недостаточно сформированы, несистемны	Знания сформированы, но имеют отдельные пробелы и неточности	Знания полностью сформированы
ПК-1.2. Уметь анализировать содержание, закономерности, принципы и особенности изучаемых явлений и процессов, базовые теории в предметной области	Уметь применять численные методы для решения поставленных задач, использовать полученные знания для реализации образовательного процесса в образовательных организациях общего образования	Умения не сформированы	Умения не полностью сформированы	Умения в основном сформированы	Умения полностью сформированы
ПК-1.3. Владеть опытом и навыками использования знаний и	Владеть навыками применения численных методов для решения задач,	Владение навыками не сформировано	Владение навыками неуверенное	Владение навыками в основном сформировано	Владение навыками уверенное

умений и навыков в предметной области для проектирования и реализации образовательного процесса в образовательных организациях общего образования	получаемых при математическом описании различных реальных процессов; способностью применить полученные знания для реализации образовательного процесса в образовательных организациях общего образования				
---	--	--	--	--	--

Код и формулировка компетенции: Способен организовывать проектно-исследовательскую деятельность обучающихся для достижения результатов обучения (ПК-3);

Код и наименование индикатора достижения компетенции	Результаты обучения по дисциплине	Критерии оценивания результатов обучения (Экзамен)			
		2 (Неудовлетворительно)	3 (Удовлетворительно)	4 (Хорошо)	5 (Отлично)
ПК-3.1. Знать основы проектно-исследовательской деятельности обучающихся	Знать основные положения математического моделирования, методы точного и приближенного решения задач, способы оценки погрешностей и анализ результатов численного решения	Знания не сформированы	Знания недостаточно сформированы, несистемны	Знания сформированы, но имеют отдельные пробелы и неточности	Знания полностью сформированы
ПК-3.2. Уметь планировать, реализовывать, контролировать проектно-исследовательские	Уметь применять методы точного и приближенного решения	Умения не сформированы	Умения не полностью сформированы	Умения в основном сформированы	Умения полностью сформированы

кую деятельность обучающихся	задач при организации и планировании проектно-исследовательской деятельности обучающихся				
ПК-3.3. Владеть опытом и навыками организации проектно-исследовательской деятельности обучающихся	Владеть навыками использования методов точного и приближенного решения задач при организации и планировании проектно-исследовательской деятельности обучающихся для достижения результатов обучения	Владение навыками не сформировано	Владение навыками неуверенное	Владение навыками в основном сформировано	Владение навыками уверенное

Критериями оценивания являются баллы, которые выставляются за виды деятельности (оценочные средства) по итогам изучения модулей (разделов дисциплины), перечисленных в рейтинг-плане дисциплины. Баллы, выставляемые за конкретные виды деятельности представлены ниже.

4.2. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценивания результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с установленными в образовательной программе индикаторами достижения компетенций. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания результатов обучения по дисциплине.

Код и наименование индикатора достижения компетенции	Результаты обучения по дисциплине	Оценочные средства
ПК-1.1. Знать содержание, закономерности, принципы и особенности изучаемых явлений и процессов, базовые теории в предметной области	Знать основные численные методы алгебры и математического анализа	Тестирование 1
ПК-1.2. Уметь анализировать содержание, закономерности, принципы и особенности изучаемых явлений и	Уметь применять численные методы для решения поставленных задач, использовать полученные	Тестирование 1, Лабораторная работа, Домашняя контрольная работа №1

процессов, базовые теории в предметной области	знания для реализации образовательного процесса в образовательных организациях общего образования	
ПК-1.3. Владеть опытом и навыками использования знаний и умений и навыков в предметной области для проектирования и реализации образовательного процесса в образовательных организациях общего образования	Владеть навыками применения численных методов для решения задач, получаемых при математическом описании различных реальных процессов; способностью применить полученные знания для реализации образовательного процесса в образовательных организациях общего образования	Домашняя контрольная работа №1, Лабораторная работа
ПК-3.1. Знать основы проектно-исследовательской деятельности обучающихся	Знать основные положения математического моделирования, методы точного и приближенного решения задач, способы оценки погрешностей и анализ результатов численного решения	Тестирование 2
ПК-3.2. Уметь планировать, реализовывать, контролировать проектно-исследовательскую деятельность обучающихся	Уметь применять методы точного и приближенного решения задач при организации и планировании проектно-исследовательской деятельности обучающихся	Тестирование 2, Домашняя контрольная работа 2, Лабораторная работа
ПК-3.3. Владеть опытом и навыками организации проектно-исследовательской деятельности обучающихся	Владеть навыками использования методов точного и приближенного решения задач при организации и планировании проектно-исследовательской деятельности обучающихся для достижения результатов обучения	Домашняя контрольная работа 2, Лабораторная работа

Критериями оценивания при модульно-рейтинговой системе являются баллы, которые выставляются преподавателем за виды деятельности (оценочные средства) по итогам изучения модулей (разделов дисциплины), перечисленных в рейтинг-плане дисциплины

для экзамена: текущий контроль – максимум 40 баллов; рубежный контроль – максимум 30 баллов, поощрительные баллы – максимум 10;

Шкалы оценивания:

для экзамена:

от 45 до 59 баллов – «удовлетворительно»;

от 60 до 79 баллов – «хорошо»;

от 80 баллов – «отлично».

Тестовые задания

Описание тестовых заданий: тестовые задания включают тесты закрытого типа (с одним правильным ответом), тесты на установлении последовательности и на установление соответствия. Оценка за выполнение тестовых заданий выставляется на основании процента заданий, выполненных студентами в процессе прохождения промежуточного и рубежного контроля знаний

Тестирование 1

1. Чем вызвана, что в результате применения численного метода могут быть получены не точные, а приближенные значения искомой функции, даже если все предписанные методом вычисления проделаны абсолютно точно?

- Погрешностью округления.
- Неточностью модели и погрешностью исходных данных.
- Вычислительной погрешностью.
- Нет верного ответа

2. В чем преимущество метода Зейделя для решения системы линейных алгебраических уравнений перед методом простой итерации?

- Дает большой выигрыш в точности, так как метод Зейделя существенно уменьшает число умножений и делений, во-вторых, позволяет накапливать сумму произведений без записи промежуточных результатов.
- Метод Зейделя являются абсолютно сходящимся, т.е. для него нет необходимости вводить достаточные условия сходимости в отличие от метода простой итерации.
- Обычно данный метод дает лучшую сходимость, чем метод простой итерации. Кроме того, метод Зейделя может оказаться более удобным при программировании, так как при вычислении следующей итерации нет необходимости хранить значения предыдущей итерации.

1. Вычисление интеграла равносильно вычислению

1. объёма любой фигуры;
2. площади любой фигуры;
3. объёма тела, полученного вращением криволинейной трапеции, у которой $x = a$, $x = b$, $y = 0$, $y = f(x)$;
4. площади криволинейной трапеции, ограниченной линиями $x = a$, $x = b$, $y = 0$, $y = f(x)$.

2. Формула численного интегрирования метода «левых» прямоугольников имеет вид:

$$1. \int_a^b f(x) dx = \sum_{i=1}^n f(x_{i-1}) \cdot h$$

$$2. \int_a^b f(x) dx = \sum_{i=1}^n f(x_i) \cdot h, h = x_i - x_{i-1}$$

$$3. \int_a^b f(x) dx = \sum_{i=1}^n f\left(\frac{x_{i-1} + x_i}{2}\right) \cdot h$$

$$4. \int_a^b f(x) dx = h \cdot \left(\frac{y_0 + y_n}{2} + y_1 + y_2 + \dots + y_{n-1}\right)$$

3. Сущность метода Симпсона заключается в том, что через три последовательные ординаты разбиения проводится

1. квадратичная парабола;
2. любая кривая;
3. синусоида;
4. гипербола.

4. Результат вычисления интеграла $\int_{-1}^1 x^2 dx$ методом Симпсона с разбиением на два

интервала ($h = 1$) равен

1. $2/3$
2. $5/7$
3. $9/11$
4. $8/13$

Методические материалы, определяющие процедуру оценивания выполнения тестовых заданий

Описание методики оценивания выполнения тестовых заданий: оценка за выполнение тестовых заданий ставится на основании подсчета процента правильно выполненных тестовых заданий.

Критерии оценки (в баллах):

- **9-10** баллов выставляется студенту, если процент правильно выполненных тестовых заданий составляет 81 – 100 %;

- **7-8** баллов выставляется студенту, если процент правильно выполненных тестовых заданий составляет 61 – 80 %;

- **4-6** баллов выставляется студенту, если процент правильно выполненных тестовых заданий составляет 41 – 60 %;
- **до 4** баллов выставляется студенту, если процент правильно выполненных тестовых заданий составляет 40 %;

Домашняя контрольная работа

Домашняя контрольная работа 2

1. Округлить сомнительные цифры числа $a = 72,3547$, $\delta = 0,21$ % оставив верные знаки в узком смысле. Определить абсолютную погрешность результата.
2. Отделить корни уравнения $2 \cdot x - \lg(x) - 7 = 0$ графически и уточнить один из них методом хорд с точностью до $\varepsilon = 0,001$.
3. Составить алгоритм вычисления интеграла $\int_2^{12} e^{1+\sin(x)} dx$ методом трапеции с $n=100$.
4. Составить алгоритм решения методом Эйлера дифференциального уравнения $y' = x + \sin\left(\frac{y}{3}\right)$, удовлетворяющего начальному условию $y_0(1,6) = 4,6$ на отрезке $x \in [1,8; 2,8]$; шаг взять $h=0,1$.

Домашняя контрольная работа №1

- а) Определить какое равенство точнее.
- б) Округлить сомнительные цифры числа, оставив верные знаки: 1) в узком смысле; 2) в широком смысле. Определить предельные абсолютную и относительную погрешности результата.
- в) Найти предельные абсолютную и относительную погрешности чисел, если они имеют только верные цифры: 1) в узком смысле; 2) в широком смысле.

№	а)	б)	
		1	2
1	$\frac{7}{3} = 2,33; \sqrt{42} = 6,48$	$3,4852 \pm 0,0047$	$12,8969; \delta = 0,39\%$
2	$\frac{21}{29} = 0,724; \sqrt{83} = 9,11$	$2,5439; \delta = 0,69\%$	$0,48652 \pm 0,0089$
3	$\frac{4}{7} = 0,235; \sqrt{10} = 3,16$	$513,4852 \pm 0,087$	$120,839; \delta = 0,054\%$
4	$\frac{12}{7} = 1,71; \sqrt{63} = 7,94$	$102,86; \delta = 0,59\%$	$0,38554 \pm 0,0087$
5	$\frac{14}{17} = 0,823; \sqrt{58} = 7,61$	$30,852 \pm 0,077$	$142,789; \delta = 0,73\%$

Методические материалы, определяющие процедуру оценивания выполнения домашней контрольной работы

Описание методики оценивания: при оценке выполнения студентом домашней контрольной работы максимальное внимание следует уделять следующим аспектам: сколько всего правильно сделанных заданий, насколько полно в теоретическом вопросе раскрыто содержание материала, четко и правильно даны определения, раскрыто содержание понятий; верно использованы научные термины; демонстрируются высокий уровень умения оперировать научными категориями, анализировать информацию, владение навыками практической деятельности; кейс-задание решено на высоком уровне, содержит аргументацию и пояснения.

Критерии оценки (в баллах):

- **2 балла** выставляется студенту, если правильно сделаны более 70% заданий, в теоретическом вопросе полно раскрыто содержание материала; четко и правильно даны определения, раскрыто содержание понятий; верно использованы научные термины; демонстрируются высокий уровень умения оперировать научными категориями, формулами, анализировать информацию, владение навыками практической деятельности; кейс-задание решено на высоком уровне, содержит пояснения; тестовые задания решены свыше, чем на 70%; уровень знаний, умений, владений – высокий;
- **1 балл** выставляется студенту, если правильно сделаны только 40-70% заданий в теоретическом вопросе усвоено основное, но непоследовательно; определения понятий недостаточно четкие; не использованы в качестве доказательства выводы и обобщения из наблюдений, практических занятий; уровень умения оперировать научными категориями, формулами, анализировать информацию, владения навыками практической деятельности невысокий, наблюдаются пробелы и неточности; в решение кейс-задания верно выполнены некоторые этапы; тесты решены на 40-70%; уровень знаний, умений, владений – удовлетворительный;
- **0 баллов** выставляется студенту, если работы нет или если в теоретическом вопросе не изложено основное содержание учебного материала, изложение фрагментарное, не последовательное; определения понятий не четкие; не использованы в качестве доказательства выводы и обобщения из наблюдений, уровень умения оперировать научными категориями, анализировать информацию, владения навыками практической деятельности очень низкий; тесты решены менее, чем на 40 %; уровень знаний, умений, владений – недостаточный.

Лабораторная работа

Лабораторная работа № 2

Тема: Решение нелинейных уравнений. Метод итерации.

Задание: 1) Отделить корни уравнения графически и программно.

- 2) Уточнить один из корней уравнения методом итерации с точностью $\varepsilon = 0,001$, указать число итераций.
- 3) Нарисовать схему применения метода итерации к данному корню уравнения.

Вариант	Уравнение
1	$\lg(x) - \frac{5}{3x+2} = 0$
2	$2e^x + 3x + 1 = 0$
3	$x^3 + x - 3 = 0$
4	$x^3 - 1,2x^2 + x + 3 = 0$
5	$x^3 - x^2 + 2x + 1 = 0$

Вариант	Уравнение
31	$3x - \cos(x) - 1 = 0$
32	$x + 2 \cdot \lg(x) = 1,45$
33	$x + \lg(x) = 0,35$
34	$\operatorname{tg}(3x + 0,5) = x^2$
35	$x^3 - 3x^2 + 2x - 5 = 0$

Методические материалы, определяющие процедуру оценивания выполнения лабораторных работ

Описание методики оценивания выполнения лабораторных работ: оценка за выполнение ставится на основании знания теоретического материала по теме лабораторной работы, умений и навыков применения знаний на практике, анализировать результаты лабораторной работы.

Критерии оценки (в баллах):

- **5 баллов** выставляется студенту, если демонстрируются знания темы, цели и задач лабораторной работы, хода работы, применяемых методик исследования; демонстрируется полное знание теоретического материала по теме лабораторной работы (в процессе обсуждения, при ответе на контрольные вопросы); демонстрируются умения и навыки работы, применения знания на практике, анализа результатов лабораторной работы и формулирование выводов, владение навыками прикладной деятельности;

- **4 балла** выставляется студенту, если демонстрируются знания темы, цели и задач лабораторной работы, хода работы, имеются пробелы в знании применяемых методик исследования; демонстрируется неполное знание фактического материала по теме лабораторной работы (в процессе обсуждения, при ответе на контрольные вопросы); демонстрируются некоторые недостатки применения знания на практике, недостатки владения навыками прикладной деятельности и способности анализировать результаты лабораторной работы, формулировать выводы, прослеживать причинно-следственные связи;

- **3 балла** выставляется студенту, если демонстрируются неполные знания цели и задач лабораторной работы, хода работы, применяемых методик исследования; демонстрируется неполное, несистемное знание теоретического материала по теме лабораторной работы (в процессе обсуждения, при ответе на контрольные вопросы); демонстрируются заметные

недостатки в умении применять знания на практике, недостаточно владеет навыками прикладной деятельности, способностью анализировать результаты лабораторной работы и формулировать выводы, прослеживать причинно-следственные связи;

- **0-2** балла выставляется студенту, если демонстрируются полное или почти полное отсутствие знания цели и задач лабораторной работы, хода работы, применяемых методик исследования; демонстрируется полное или почти полное отсутствие знания теоретического материала по теме лабораторной работы (в процессе обсуждения, при ответе на контрольные вопросы); демонстрируются значительные недостатки умения применять знания на практике, владения навыками прикладной деятельности, способности анализировать результаты лабораторной работы и формулировать выводы, прослеживать причинно-следственные связи.

Экзаменационные билеты

Экзамен (зачет) является оценочным средством для всех этапов освоения компетенций. Структура экзаменационного билета: в билете указывается кафедра в рамках нагрузки которой реализуется данная дисциплина, форма обучения, направление и профиль подготовки, дата утверждения; билет может включать в себя теоретический(ие) вопрос(ы) и практическое задание (кейс-задание).

Примерные вопросы к экзамену, 3 курс / 6 семестр

1. Вычислительная математика. Численные методы. Этапы решения задач на ЭВМ.
2. Основы теории погрешностей. Абсолютная и относительная погрешности. Предельные погрешности. Примеры.
3. Значащая цифра. Число верных значащих цифр (в узком и широком смысле). Связь между относительной погрешностью и числом значащих цифр.
4. Абсолютные и относительные погрешности суммы, разности, произведения и частного.
5. Относительные погрешности элементарных функций.
6. Приближенное решение нелинейных уравнений. Аналитические и геометрические методы отделения корней. Оценка погрешности.
7. Приближенное решение нелинейных уравнений. Метод половинного деления. Оценка погрешности.
8. Приближенное решение нелинейных уравнений. Метод хорд. Оценка погрешности.
9. Приближенное решение нелинейных уравнений. Метод касательных. Оценка погрешности.
10. Приближенное решение нелинейных уравнений. Метод итерации. Достаточное условие сходимости.
11. Приближенное решение нелинейных уравнений. Метод итерации. Оценка погрешности. Метод Зейделя.
12. Численное решение систем линейных уравнений. Постановка задачи. Метод Гаусса, .
13. Приближенное решение систем линейных уравнений. Постановка задачи. Метод итерации. Достаточное условие сходимости.
14. Приближенное решение систем линейных уравнений. Постановка задачи. Метод итерации. Оценка погрешности приближения.
15. Приближенное решение систем линейных уравнений. Постановка задачи. Метод Зейделя. Оценка погрешности приближения.
16. Интерполирование функций. Постановка задачи.
17. Конечные разности.
18. Интерполирование функций. Формулы Ньютона.
19. Интерполирование функций. Формула Лагранжа.
20. Приближенное дифференцирование функций.
21. Обратное интерполирование функций. Формула Лагранжа.
22. Приближение функций. Метод наименьших квадратов.
23. Приближенное интегрирование функций. Квадратурные формулы Ньютона -Котеса.
24. Приближенное интегрирование функций. Формулы прямоугольников. Оценка погрешности.

25. Приближенное интегрирование функций. Формула трапеции и ее остаточный член.
26. Приближенное интегрирование функций. Формула Симпсона и ее остаточный член. Оценка погрешности (метод пересчета).
27. Приближенное интегрирование функций. Метод Монте-Карло. Оценка погрешности.
28. Приближенное решение обыкновенных дифференциальных уравнений. Метод последовательных приближений. (Метод Пикара). Оценка погрешности.
29. Приближенное решение обыкновенных дифференциальных уравнений. Метод Эйлера. Оценка погрешности. Модификации метода Эйлера.
30. Приближенное решение обыкновенных дифференциальных уравнений. Метод Рунге-Кутты. Общий случай. Погрешность метода на шаге.

Образец экзаменационного билета

МИНОБРНАУКИ РФ ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ «УФИМСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ НАУКИ И ТЕХНОЛОГИЙ» БИРСКИЙ ФИЛИАЛ УУНиТ Кафедра высшей математики и физики	
Дисциплина: Численные методы очная форма обучения 3 курс 6 семестр	Курсовые экзамены 20__-20__ г. Направление 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки) Профиль: Математика, Информатика
Экзаменационный билет № 1 1. Основы теории погрешностей. Абсолютная и относительная погрешности. Предельные погрешности. Примеры. 2. Конечные разности. 3. Задача	
Дата утверждения: __.__.____	Заведующий кафедрой _____

Методические материалы, определяющие процедуру оценивания ответа на экзамене

Критериями оценивания являются баллы, которые выставляются за виды деятельности (оценочные средства) по итогам изучения модулей (разделов дисциплины), перечисленных в рейтинг-плане дисциплины: текущий контроль – максимум 40 баллов; рубежный контроль – максимум 30 баллов, поощрительные баллы – максимум 10.

При оценке ответа на экзамене максимальное внимание должно уделяться тому, насколько полно раскрыто содержание материала, четко и правильно даны определения, раскрыто содержание понятий, верно ли использованы научные термины, насколько ответ самостоятельный, использованы ли ранее приобретенные знания, раскрыты ли причинно-следственные связи, насколько высокий уровень умения оперирования научными категориями, анализа информации, владения навыками практической деятельности.

Критерии оценки (в баллах):

- **25-30 баллов** выставляется студенту, если студент дал полные, развернутые ответы на все теоретические вопросы билета, продемонстрировал знание функциональных возможностей, терминологии, основных элементов, умение применять теоретические знания при выполнении практических заданий. Студент без затруднений ответил на все дополнительные вопросы. Практическая часть работы выполнена полностью без неточностей и ошибок;

- **17-24 баллов** выставляется студенту, если студент раскрыл в основном теоретические вопросы, однако допущены неточности в определении основных понятий. При ответе на дополнительные

вопросы допущены небольшие неточности. При выполнении практической части работы допущены несущественные ошибки;

- **10-16** баллов выставляется студенту, если при ответе на теоретические вопросы студентом допущено несколько существенных ошибок в толковании основных понятий. Логика и полнота ответа страдают заметными изъянами. Заметны пробелы в знании основных методов. Теоретические вопросы в целом изложены достаточно, но с пропусками материала. Имеются принципиальные ошибки в логике построения ответа на вопрос. Студент не решил задачу или при решении допущены грубые ошибки;

- **1-10 баллов** выставляется студенту, если ответ на теоретические вопросы свидетельствует о непонимании и крайне неполном знании основных понятий и методов. Обнаруживается отсутствие навыков применения теоретических знаний при выполнении практических заданий. Студент не смог ответить ни на один дополнительный вопрос.

Перевод оценки из 100-балльной в четырехбалльную производится следующим образом:

- отлично – от 80 до 110 баллов (включая 10 поощрительных баллов);
- хорошо – от 60 до 79 баллов;
- удовлетворительно – от 45 до 59 баллов;
- неудовлетворительно – менее 45 баллов.

1.3. Рейтинг-план дисциплины

Таблица перевода баллов текущего контроля в баллы рейтинга

	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	5	3	2	2	1	1	1	1	1	1
2		5	4	3	2	2	2	2	2	1
3			5	4	3	3	3	2	2	2
4				5	4	4	3	3	3	2
5					5	5	4	4	3	3
6						5	5	4	4	3
7							5	5	4	4
8								5	5	4
9									5	5
10										5

Рейтинг-план дисциплины представлен в Приложении 1.

2. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

5.1. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины

Основная литература

1. Лапчик, Михаил Павлович. Численные методы : учеб. пособие для студ. вузов / М. П. Лапчик, М. И. Рагулина, Е. К. Хеннер ; под ред. М. П. Лапчика .— Москва : Академия, 2004 .— 384 с
2. Введение в численные методы : учеб.пособ. для вузов / А. А. Самарский .— 5-е изд., стер. — СПб. : Лань, 2009 .— 288 с.
3. Численные методы. Лабораторный практикум : учеб.пособ. для физико-математич. фак-та. Кн.1 / И. И. Латыпов ; Федерал. агентст. по образ. ; БирГСПА .— М. : Лидер-М, 2010 .— 103 с.

Дополнительная литература

1. Орешкова, М.Н. Численные методы: теория и алгоритмы : учебное пособие / М.Н. Орешкова ; Министерство образования и науки Российской Федерации, Северный (Арктический) федеральный университет имени М.В. Ломоносова. - Архангельск : САФУ, 2015. - 120 с. URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=436397>
2. Демидович, Б.П. Основы вычислительной математики [Электронный ресурс] : учебное пособие / Б.П. Демидович, И.А. Марон. — Электрон. дан. — Санкт-Петербург : Лань, 2011. — 672 с. — URL a: <https://e.lanbook.com/book/2025>.

5.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» и программного обеспечения, необходимых для освоения дисциплины

1. Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <https://elibrary.ru/>.
2. Электронная библиотечная система «Лань» [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/>.
3. Университетская библиотека онлайн biblioclub.ru [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <http://biblioclub.ru/>.
4. Электронная библиотека УУНиТ [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <https://elib.bashedu.ru/>.
5. Российская государственная библиотека [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <https://www.rsl.ru/>.
6. Национальная электронная библиотека [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <https://xn--90ax2c.xn--p1ai/viewers/>.
7. Национальная платформа открытого образования proed.ru [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <http://npoed.ru/>.
8. Электронное образование Республики Башкортостан [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <https://edu.bashkortostan.ru/>.
9. Информационно-правовой портал Гарант.ру [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <http://www.garant.ru/>.

Программное обеспечение

1. Браузер Google Chrome - Бесплатная лицензия https://www.google.com/intl/ru_ALL/chrome/privacy/eula_text.html
2. Office Professional Plus - Договор №0301100003620000022 от 29.06.2020, Договор № 2159-ПО/2021 от 15.06.2021, Договор №32110448500 от 30.07.2021
3. Браузер Яндекс - Бесплатная лицензия https://yandex.ru/legal/browser_agreement/index.html
4. Windows - Договор №0301100003620000022 от 29.06.2020, Договор № 2159- ПО/2021 от 15.06.2021, Договор №32110448500 от 30.07.2021
5. Pascalabc, PascalABC.NET - Бесплатная лицензия <https://pascal-abc.ru>, <http://pascalabc.net>
6. Система дистанционного обучения Moodle - Бесплатная лицензия <http://www.gnu.org/licenses/gpl.html>

6. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Наименование специализированных аудиторий, кабинетов, лабораторий	Вид занятий	Наименование оборудования, программного обеспечения

Аудитория 231(ФМ)	Лекционная, Семинарская, Для курсового проектирования, Для консультаций, Для контроля и аттестации	Интерактивная доска smartboard 6801 со встроенным хга проектором, компьютеры в сборе(3,3 ghz, озу 4 gb, 500 gb, монитор 21,5* philips, клав., мышь) , учебная мебель. Программное обеспечение 1. Office Professional Plus 2. Браузер Google Chrome 3. Браузер Яндекс 4. Windows 5. Pascalabc, PascalABC.NET 6. Система дистанционного обучения Moodle
Аудитория 301 Читальный зал (электронный каталог)(ФМ)	Для самостоятельной работы	Компьютеры в сборе, учебная мебель, принтер samsung, сканер hp scanjet g2410. Программное обеспечение 1. Браузер Google Chrome 2. Office Professional Plus
Аудитория 307(ФМ)	Лекционная, Семинарская, Для консультаций, Для контроля и аттестации	Учебная мебель, нетбук, экран есопому-р. Программное обеспечение 1. Office Professional Plus 2. Windows 3. Браузер Google Chrome
Аудитория 412а(ФМ)	Для консультаций, Для хранения оборудования	Ксероксfc 860, ноутбук aser, ноутбук samsung, принтер laserlet 1200, сканер canon, компьютеры в сборе, учебная мебель, учебно-методическая литература. Программное обеспечение 1. Office Professional Plus 2. Windows 3. Браузер Google Chrome
Аудитория 420(ФМ)	Для самостоятельной работы	Нетбук lenovo, принтер canon lbp3010b, сканер mustek, экран на штативе (155x155), учебная мебель, компьютеры в сборе, проектор переносной, учебно-методические пособия, учебно-наглядные материалы. Программное обеспечение 1. Office Professional Plus 2. Windows 3. Браузер Google Chrome

Аудитория 422(ФМ)	Лекционная, Семинарская, Для консультаций, Для контроля и аттестации	Интерактивная доска smart , мультимедийный проектор , компьютеры в сборе, учебная мебель. Программное обеспечение 1. Office Professional Plus 2. Браузер Google Chrome 3. Браузер Яндекс 4. Pascalabc, PascalABC.NET 5. Windows 6. Система дистанционного обучения Moodle
-------------------	--	--